

1.5 (誤答)

$$(1) |x+y| \leq |x|+|y|$$

$$|x+y|^2 \leq (|x|+|y|)^2$$

$$x^2 + 2|x||y| + y^2 - (x^2 + 2xy + y^2) \geq 0$$

$$|x||y| - xy \geq 0$$

$$|xy| - xy \geq 0$$

ここで $|xy| - xy \geq 0$ より $|x+y| \leq |x|+|y|$ が成り立つ

□

① これは 「 $|x+y| \leq |x|+|y|$ が成り立つことを

仮定すると

$|xy| \geq xy$ が成り立つ」ことの

証明であり、 $|x+y| \leq |x|+|y|$ を示している

わけではない。

② 上記は 下書きの計算 であって 清書ではない。

それぞれの数式がどうつながっているのかが

はっきりしない (少なくとも読み手はわからない)

1.6 (誤答)

$n=k$ のとき成り立つと仮定すると

$$(1+x)^k \geq 1+kx + \frac{k(k-1)}{2} x^2 \quad \text{--- (D)}$$

$n=k+1$ のとき.

$$(1+x)^{k+1} \geq 1+(k+1)x + \frac{k(k+1)}{2} x^2 \quad \text{--- (1)}$$

$$\begin{aligned} (1+x)^{k+1} &= (1+x)^k (1+x) \\ &\geq \left(1+kx + \frac{k(k-1)}{2} x^2\right) (1+x) \\ &= \dots = 1+(k+1)x + \frac{k(k+1)}{2} x^2 + \frac{k(k-1)}{2} x^3 \\ &\geq 1+(k+1)x + \frac{k(k+1)}{2} x^2 \end{aligned}$$

$(\because \frac{k(k-1)}{2} x^3 \geq 0)$

よ) $n=k+1$ のときも成り立つ

↑
理由をかく □

④ ①が「成り立つ」なのか「示す」なのか.

「仮定する」なのか ... よくわからない.

(通常 ①のように式がただ書いてあるときは

「成り立つ」と解釈することが多い.)

数式がどうなるのか? をはっきりかきと.